

## ИТЕРАТИВНЫЙ АЛГОРИТМ ДЛЯ РЕШЕНИЯ ЗАДАЧИ ОПТИМАЛЬНОЙ СТАБИЛИЗАЦИИ ДИСКРЕТНОЙ ПЕРИОДИЧЕСКОЙ СИСТЕМЫ ПО ВЫХОДУ\*

Н.И. Велиева<sup>1</sup>, Н.А. Сафарова<sup>1</sup>, Ш.А.Фараджева<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Институт Прикладной Математики, БГУ, Баку, Азербайджан  
e-mail: [nailavi@rambler.ru](mailto:nailavi@rambler.ru) , [nargiz@gmail.com](mailto:nargiz@gmail.com)

**Резюме.** В статье приводится итеративный алгоритм для построения оптимального регулятора для решения дискретной периодической линейно-квадратичной оптимизации по выходу. Здесь выбор начального приближения производится с помощью метода штрафных функций. Результат иллюстрируется примером.

**Ключевые слова:** периодическая оптимизация, уравнения Ляпунова, метод штрафных функций, итеративный алгоритм.

**AMS Subject Classification:** 49N10, 49N20, 65F10.

### 1. Введение

Линейно-квадратичная периодическая задача оптимального регулятора с обратной связью по выходу рассмотрена в работах [1, 4-6, 9, 11, 18]. В работах [8, 12-14] использован аппарат выпуклого программирования, а в [5-7, 17] применяются сопряженные градиентные методы. В этих работах на каждом шаге решаются уравнения Ляпунова, которые во многих случаях могут отрицательно влиять на точность решения. В настоящей работе приводится итерационный алгоритм для решения задачи оптимального регулятора по выходной переменной, который, в отличие от [4, 5, 15, 16], не требует на каждом шаге решения матричных алгебраических уравнений Ляпунова.

### 2. Постановка задачи

Пусть движение объекта описывается периодической системой конечно-разностных уравнений

$$x(i+1) = \Psi(i)x(i) + \Gamma(i)u(i), \quad x(0) = x_0, \quad i = 1, 2, \dots, \quad y(i) = C(i)x(i). \quad (1)$$

Система (1), охваченная цепью обратной связи

$$u(i) = K(i)y(i) \quad (2)$$

описывается следующими периодическими разностными соотношениями

---

\* Работа поддержана грантом «50+50» Бакинского Государственного Университета

\* Работа была представлена на семинаре Института Прикладной Математики 11.11.2014

$$x(i+1) = (\Psi(i) + \Gamma(i)K(i)C(i))x(i), \quad x(0) = x_0, \quad i = 0, 1, \dots, \quad (3)$$

здесь  $x(i)$  –  $n$  – мерный вектор фазовых координат,  $u(i)$  –  $m$  – мерный вектор управляющих воздействий,  $y(i)$  –  $r$  – мерный наблюдаемый вектор,  $\Psi(i), \Gamma(i), C(i)$  – периодические матрицы с периодом  $p$  ( $p \in \mathbb{N}$ ), т.е.  $\Psi(i+p) = \Psi(i), \Gamma(i+p) = \Gamma(i)$ ,  $x_0$  – случайная величина со значением  $\langle x_0 \rangle = 0$  и ковариационной матрицей  $P = \langle x_0 x_0' \rangle$ .

Требуется определить матрицы  $K(i)$  в (2), которые минимизировали бы квадратичный функционал

$$J = E \sum_{i=0}^{\infty} x'(i)(Q(i) + C'(i)K'(i)R(i)K(i)C(i))x(i), \quad (4)$$

где  $Q(i), R(i)$ , периодические матрицы с периодом  $p$  т.е.  $Q(i+p) = Q(i) = Q'(i) \geq 0$ ,  $R(i+p) = R(i) = R'(i) > 0$ . Если обозначить через  $\mathfrak{R}$  множество всех стабилизирующих регуляторов, то задачу (1),(2),(4) можно сформулировать в следующем виде

$$\min_{K(i)} J; \quad K(i) \in \mathfrak{R}. \quad (5)$$

Как известно, значение функционала (4) по траектории (3) вычисляется в виде [1, 5]

$$J = Sp(S(0)P),$$

где  $U(i), S(i), i = \overline{0, p-1}$  решение периодического уравнения Ляпунова

$$-S(i) + (\Psi(i) + \Gamma(i)K(i)C(i))' S(i+1) (\Psi(i) + \Gamma(i)K(i)C(i)) + Q(i) + C'(i)K'(i)R(i)K(i)C(i) = 0, \quad (6)$$

$$S(i+p) = S(i), \quad i = \overline{0, p-1},$$

$$-U(i+1) + (\Psi(i) + \Gamma(i)K(i)C(i))U(i) (\Psi(i) + \Gamma(i)K(i)C(i))' + P(i) = 0, \quad (7)$$

$$U(i+p) = U(i), \quad i = \overline{0, p-1},$$

где

$$P(i) = \begin{cases} P, & i = p-1, \\ 0, & i \neq p-1. \end{cases}$$

А матрица цепи обратной связи для задач (1), (2), (4) вычисляется по формуле [6]:

$$K(i) = -(R(i) + \Gamma'(i)S(i+1)\Gamma(i))^{-1} \Gamma'(i)S(i+1)\Psi(i)U(i)C'(i)(C(i)U(i)C(i))^{-1} \quad (8)$$

Таким образом, решение задачи (1),(2),(4) сводится к решению уравнений (6-8).

### 3. Итерационная схема

Путем итерационной схемы [18] можно написать следующие рекуррентные формулы

$$\begin{aligned} S^j(0) &= \tilde{\Psi}^{j-1}(0, p)S^{j-1}(0)\tilde{\Psi}^{j-1}(0, p) + \tilde{Q}^{j-1}(0, p), \\ U^j(0) &= \tilde{\Psi}^{j-1}(0, p)U^{j-1}(0)\tilde{\Psi}^{j-1}(0, p) + P, \end{aligned} \quad (9)$$

где

$$\begin{aligned} \tilde{\Psi}^{j-1}(0, p) &= \tilde{\Psi}^{j-1}(p-1)\tilde{\Psi}^{j-1}(0, p-1), \\ \tilde{\Psi}^{j-1}(p-1) &= \Psi(p-1) + \Gamma(p-1)K^{j-1}(p-1)C(p-1), \quad \Psi(0,0) = E, \\ \tilde{Q}^{j-1}(0, p) &= \tilde{Q}^{j-1}(0, p-1) + \tilde{\Psi}^{j-1}(0, p-1)\tilde{Q}^{j-1}(p-1)\tilde{\Psi}^{j-1}(0, p-1), \\ \tilde{Q}^{j-1}(p-1) &= Q(p-1) + C'(p-1)K^{j-1}(p-1)R(p-1)K^{j-1}(p-1)C(p-1), \\ Q(0,0) &= 0. \end{aligned} \quad (10)$$

$$\begin{aligned} K^j(i) &= -(R(i) + \Gamma'(i)S^{j-1}(i+1)\Gamma(i))^{-1}\Gamma'(i)S^{j-1}(i+1) \times \\ &\times \Psi(i)U^{j-1}(i)C'(i)(C(i)U^{j-1}(i)C(i))^{-1}. \end{aligned} \quad (11)$$

Известно, что если характеристические числа матрицы  $\left( \prod_{i=0}^{p-1} (\Psi(i) + \Gamma(i)K(i)C(i)) \right)$  лежат внутри единичного круга, то  $S(i)$  и  $U(i)$  при  $i \rightarrow \infty$ , приближаются к матрицам  $S(0)$  и  $U(0)$ , где  $S(0)$  и  $U(0)$  единственные решения алгебраических уравнений Ляпунова (9).

Опишем итеративный алгоритм решения уравнений (9)-(11).

#### Алгоритм 1.

1.  $\Psi(i), \Gamma(i), Q(i), R(i)$  исходные данные.
2. Выбираем начальное приближение  $S^0(0), U^0(0), K^0(0)$  так, чтобы собственные числа матрицы  $\left( \prod_{i=0}^{p-1} (\Psi(i) + \Gamma(i)K(i)C(i)) \right) < 1$  лежали внутри единичного круга.
3. Вычисляем  $\tilde{\Psi}^{l-1}(0, p), \tilde{Q}^{l-1}(0, p)$  по формуле (10).
4. Вычисляем  $S^j(0), U^j(0)$  по формуле (9).
5. Проверяем условие  $\|S^j(0) - S^{j-1}(0)\| \leq \varepsilon$  и  $\|U^j(0) - U^{j-1}(0)\| \leq \varepsilon$ . Если условие удовлетворяются переходим к шагу 6, иначе приравнивая

$S^{j-1}(0) = S^j(0)$ ,  $U^{j-1}(0) = U^j(0)$  переходим к шагу 4 ( $\varepsilon$ -точность решения задачи).

6. С помощью рекуррентного соотношения по формуле (6), (7) вычисляем  $S^l(i), U^l(i)$   $i = 0, 1, 2, \dots, p$ .

7. Искомая матрица  $K^l(i)$  находится по формуле (11).

8. Проверяем условия  $\|K^l(i) - K^{l-1}(i)\| \leq \varepsilon, i = 0, 1, \dots, p$ . Если условия удовлетворяются процедура вычисления прекращается, иначе приравнивая  $K^{l-1}(i) = K^l(i)$ , переходим к шагу 3.

В этом алгоритме более трудным является нахождение начального приближения, которое далее будет предложено при выборе начального приближения с помощью метода штрафных функции.

#### 4. Метод штрафных функции [2]

Допустим, что управляющее воздействие разыскивается в виде

$$u(i) = W(i)x(i), \quad (12)$$

т.е. задача оптимальной стабилизации по всем фазовым координатам.

Известно, что решение задачи (1), (12), (3) имеет вид

$$W(i) = -[\Gamma'(i)P(i+1)\Gamma(i) + R(i)]^{-1} \Gamma'(i)P(i+1)\Psi(i), \quad i = \overline{0, p-1}, \quad (13)$$

а,  $P(i) = P'(i) > 0$  удовлетворяет ниже следующему рекуррентному соотношению

$$P(i) = \Psi'(i) \left\{ [P(i+1) - P(i+1)\Gamma(i)R(i) + \Gamma'(i)P(i+1)\Gamma(i)]^{-1} \Gamma'(i)P(i+1) \right\} \Psi(i) + Q(i), \quad P(i+p) = P(i), \quad i = \overline{0, p-1}. \quad (14)$$

Путем итерационной схемы уравнение сводится к решению матричного дискретного алгебраического уравнения Риккати. Нахождение значения матрицы  $P(i)$  определяется из следующего матричного дискретного АУР:

$$P(i) = \Psi'(i, p)(E + P(i)G(i, p))\Psi(i, p) + R(i, p), \quad (15)$$

где

$$\begin{aligned} \Psi(i, p) &= \Psi(p-1)(E + G(i, p-1)R(p-1))^{-1}\Psi(i, p-1), \quad \Psi(0,0) = E, \\ G(i, p) &= \Psi(p-1)(E + G(i, p-1)R(p-1))^{-1}G(i, p-1)\Psi(p-1) + \\ &+ \Gamma(p-1) \times R^{-1}(p-1)\Gamma'(p-1), \quad G(0,0) = 0, \\ Q(i, p) &= Q(i, p-1) + \Psi'(i, p-1)Q(p-1) \times \\ &\times (E + G(i, p-1)R(p-1))\Psi(i, p-1), \\ Q(0,0) &= 0. \end{aligned} \quad (16)$$

Собственные числа

$$(E + G(i, p)P(p))^{-1}\Psi(i, p) \quad (17)$$

подбираются таким образом, чтобы они лежали внутри единичного круга. Тогда  $P(i)$  можно принимать как начальное условие и, далее по (13), (14) можно восстановить искомое  $W(i)$ . Если выбрано решение стабилизирующего уравнения (15) такое, что модули собственных чисел матриц (17) меньше единицы, то система (1), (2) асимптотически устойчива [1].

Разбиваем матрицу  $(W(i) = [W_1(i) \ W_2(i)])$  где  $W_1(i) = m$  мерная,  $W_2(i) = m \times (n-l)$  мерная матрица. Если к задаче (1), (18), (3) добавить дополнительное условие

$$W_2(i) = 0, \tag{18}$$

то  $u = W(i)x = [W_1(i) \ 0] \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = W_1(i)x_1$ . т.е.  $K(i) = W_1(i)$ .

Для удовлетворения условия (18) к функционалу (3) добавим матрицу  $[0 \ W_2(i)]' [0 \ W_2(i)]$  со скалярным весом  $\alpha > 0$ .

$$\bar{J} = \sum_{i=1}^{\infty} x'(i) \left( Q(i) + W'(i)R(i)W(i) + \alpha \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & E \end{bmatrix} W'(i)W(i) \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & E \end{bmatrix} \right) x(i). \tag{19}$$

Легко доказано, что  $\alpha \rightarrow \infty$ ;  $W_2(i) \rightarrow 0$  и функционал (19) достигает минимума на

$$u = W_1(i)x_1 \quad \text{и} \quad J(u) = \bar{J}(u).$$

Значение функционала (19) по траектории

$$x(i+1) = (\Psi(i) + \Gamma(i)W(i))x(i), \quad x(0) = x_0, \quad i = 0, 1, \dots,$$

вычисляется в виде

$$\bar{J} = \min_{W(i) \in \mathbf{W}} Sp(S(0, W(i))),$$

где  $S(0, W(i))$  – является решением следующего дискретного периодического уравнения Ляпунова [1, 5, 10]

$$S(i) = (\Psi(i) + \Gamma(i)W(i))' S(i+1) (\Psi(i) + \Gamma(i)W(i)) + \\ + Q(i) + W'(i)R(i)W(i) + \alpha \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & E \end{bmatrix} W'(i)W(i) \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & E \end{bmatrix}. \tag{20}$$

Искомая последовательность матриц должна также удовлетворять условию периодичности, т.е.  $S(i) = S(i+p)$ . Отсюда следует, что  $S(0) = S(p)$ ,  $S(0)$  удовлетворяет дискретному матричному алгебраическому уравнению Ляпунова.

$$S(0) = \tilde{\Psi}'(0, p)S(0)\tilde{\Psi}(0, p) + \tilde{Q}(0, p), \tag{21}$$

где

$$\begin{aligned}
 \tilde{\Psi}(0, p) &= \tilde{\Psi}(p-1)\tilde{\Psi}(0, p-1), \\
 \tilde{\Psi}(p-1) &= \Psi(p-1) + \Gamma(p-1)W(p-1), \\
 \Psi(0,0) &= E, \\
 \tilde{Q}(0, p) &= \tilde{Q}(0, p-1) + \tilde{\Psi}'(0, p-1)\tilde{Q}(p-1)\tilde{\Psi}(0, p-1), \\
 \tilde{Q}(p-1) &= Q(p-1) + W'(p-1)R(p-1)W(p-1) + \\
 &+ \alpha \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & E \end{bmatrix} W'(p-1)W(p-1) \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & E \end{bmatrix}, \\
 Q(0,0) &= 0.
 \end{aligned} \tag{22}$$

Решения уравнения (20) трудно выразить через элементы матрицы  $W(i)$ . Для этого использован метод сопряженных градиентов. Начальное приближение матрицы  $W(i)$  вычисляется с использованием стабилизирующего решения уравнения (13), (14), которое обеспечивает устойчивость замкнутой системы. При  $\alpha \rightarrow \infty$  находим решение

$$W(i) = [W_1(i) \ 0], \quad K(i) = W_1(i).$$

Для определения матрицы  $W_1(i)$  минимизирующей функционал (3) зададим некоторое начальное приближение  $W_1(i)$

$$\begin{aligned}
 W_{j+1}(i) &= W_j(i) - \gamma^j L_1^j(i), \\
 W_{i+j+1}(i) &= W_{i+j}(i) + \beta^j (W_{i+j}(i) - W_{i+1-j}(i)),
 \end{aligned} \tag{23}$$

где  $i = \overline{0, p-1}$ ,  $j = 1, 2, \dots, \hat{t}$ ,  $t \in \{1, 2, \dots, t\}$ ,  $t = m \times n$ , и  $\gamma^j, \beta^j$  вычисляются с помощью метода золотого сечения [3].

$$\begin{aligned}
 L^j(i) &= \left( E - \sum_{r=1}^{j-1} \frac{L^r(i)L'^r(i)}{L^r(i)L^r(i)} \right) \frac{dSpS(0, W(i))}{dW(i)} \Big|_{W(i)=W_j(i)}, \\
 L^1 &= \frac{dSpS(0, W(i))}{dW(i)} \Big|_{W(i)=W^1(i)}, \quad j = 2, 3, \dots, n, \quad i = \overline{0, p-1}, \quad p = 5.
 \end{aligned} \tag{24}$$

Записывая  $L^j(i)$  в виде

$$L^j(i) = [L_{11}^j(i), L_{12}^j(i), \dots, L_{1n}^j(i), \dots, L_{m1}^j(i), \dots, L_{mn}^j(i)]',$$

восстанавливаем матрицы  $\tilde{L}^j(i)$

$$\tilde{L}^j(i) = \begin{bmatrix} L_{11}^j(i) & L_{12}^j(i) & \dots & L_{1n}^j(i) \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ L_{m1}^j(i) & L_{m2}^j(i) & \dots & L_{mn}^j(i) \end{bmatrix}. \tag{25}$$

Таким образом, можно предложить следующий алгоритм для решения задачи оптимизации дискретных периодических систем по выходу.

**Алгоритм 2.**

1. Вводятся исходные данные  $\Psi(i), \Gamma(i), Q(i), R(i)$  из (1), (3).
2. Вычисляются  $\tilde{\Psi}(i, p), \tilde{Q}(i, p), G(i, p)$  по формулам (16), по формуле (15) решается матричное дискретное АУР и проверяются условия периодичности  $P(0) = P(p)$  по (14). Формируются номинальные значения матриц  $W(i)$  из (13).
3. Задавая значение  $\alpha$ , вычисляются  $\tilde{\Psi}(0, p), \tilde{Q}(0, p)$  по формулам (22), решается матричное дискретное АУЛ (27) и проверяются условия периодичности  $S(0) = S(p)$  по формуле (20).
4. Вектор  $L^j(i)$  вычисляется по формуле (24) и восстанавливаются матрицы  $\tilde{L}^j(i)$  из (25).
5. Искомые матрицы обратной связи  $W(i)$  определяются по соотношениям (23).
6. Задавая малое действительное число  $\varepsilon$ , проверяется условие

$$\|W_{2i+1}(i) - W_{2i}(i)\| \leq \varepsilon$$

Если условие не выполняется, то принимается  $W_0(i) = W_{2i+1}(i)$  и осуществляется переход к шагу 3, иначе процедура вычисления прекращается.

**Пример.** Проиллюстрируем работоспособность алгоритма в нижеследующем примере.

$$C(i) = [\sin \omega i \quad \cos \omega i], \quad i = \overline{0, p-1}, \quad \omega = \pi; \quad \tau = 0.2,$$

$$\Psi(0) = \Psi(1) = \dots = \Psi(p-1) = \begin{bmatrix} 1.0201 & 0.2013 \\ 0.2013 & 1.0201 \end{bmatrix}, \quad \Gamma(0) = \Gamma(1) = \dots = \Gamma(p-1) = \begin{bmatrix} 0.0201 \\ 0.2013 \end{bmatrix},$$

$$Q(0) = Q(1) = \dots = Q(p-1) = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad R(0) = R(1) = \dots = R(p-1) = 0.$$

Начальное приближение

$$K(0) = 5.00369120688319, \quad K(1) = 8.88873360214383,$$

$$K(2) = -0.00263766203625, \quad K(3) = -0.03045315396593,$$

$$K(4) = 0.05562417864009, \quad K(5) = -0.00508002087913,$$

$$K(6) = -0.37353520637535, \quad K(7) = -0.14191917066594,$$

$$K(8) = 0.01128710222541, \quad K(9) = -0.05236775561886$$

После выполнение алгоритма 1 получено

$K(0) = 5.00547237$ ;  $K(1) = 8.87730961$   
 $K(2) = 0.02019919$ ;  $K(3) = -0.0007438$ ;  
 $K(4) = 0.00085681$   $K(5) = 0.01826987$   
 $K(6) = -0.29814903$   $K(7) = -0.11948793$   
 $K(8) = 0.00756820$   $K(9) = 0.03209918$

### Литература

1. Алиев Ф.А. Методы решения прикладных задач оптимизации динамических систем, Баку Элм, 1989, 320 р.
2. Алиев Ф.А., Исмаилов Н.А. Оптимизация периодических систем с обратной связью по выходной переменной, Доклады АН. Азерб. ССР, 1988, т.XLIV, №4, с. 148-150.
3. Васильев Ф.П. Численные методы решения экстремальных задач, М.: Наука, 1980, 518 с.
4. Велиева Н.И., Нифтили А.А. Вычислительный алгоритм решения периодической дискретной задачи оптимального регулятора по выходу. Известия НАН Азербайджан, серия физико-технических и математических наук, 2007, №2-3, с.106-111.
5. Aliev F.A., Safarova N.A. One on optimization problem for the discrete periodic systems with respect to output. Reports of Azerbaijan National Academy of Sciences, 2005, Vol. LVIII, No.2, p.102-113.
6. Aliev F.A., Safarova N.A., Niftili A.A. Methods for solving of stabilization problem of the discrete periodic system with respect to the output variable, Appl. Comput. Math., Vol.6, No.1, 2007, pp.27-39.
7. Aliev F.A., Velieva N.I., Larin V.B. On the safe stabilization problem, J. of Automation and Sciences. Information, 29, No.4-5. 1997, pp.31-41.
8. Bernussou J., Peres P.L.D., and Geromel J.C. A linear programming oriented procedure for quadratic stabilization of uncertain systems, Syst. Contr. Lett., Vol.13, 1989, pp.65-72.
9. Bittanti S., Colaneri P. Invariant representation of discrete - time periodic systems, Automatica, Vol.36, No.2, 2000, pp.1777-1793.
10. Boyd S., Yang Q. Structured and simultaneous Lyapunov functions for system stability problems, Int. Jour. Contr., Vol.49, No.6, pp.2215-2240, 1989.
11. Colaneri P. Periodic control systems: theoretical aspects, Appl. Comput. Math., Vol.3, No.2, 2004, pp. 84-94.
12. Geromel J.C., de Souza C.C., Skelton R.E. Static output feedback controllers stability and convexity, IEEE Trans. Autom. Control, Vol.43, No.1, 1998, pp.120-125.



13. Geromel J.C., Peres P.L.D., Bernussou J. On a convex parameter space method for linear control design of uncertain systems, *SIAM Jour. Contr. Optim.*, Vol.29, No.2, 1991, pp.381-402.
14. Geromel J.C., Yamakami A., Armentano V.A. Structural constrained controllers for discrete-time linear systems, *Jour. of Optimization Theory and Applications*, Vol.61, No.1, 1989, pp.73-94.
15. Larin V.B. Stabilization of the system by static output feedback, *Appl. Comput. Math.*, Vol.2, No.1, 2003, pp. 47-51.
16. Levine W.S., Athans M. On the determination of the optimal constant output feedback gains for linear multivariable systems, *IEEE Trans. Autom. Control*, Vol.AC-15, No.1, 1970, pp.44-48.
17. Peres P.L.D., Geromel J.C. An alternate numerical solution to the linear quadratic problem, *IEEE Trans. Autom. Control*, Vol.39, No.1, 1994, pp.199-202.
18. Safarova N.A., Velieva N.I. Iterative algorithms to the solution of the discrete optimal regulator problem, *Bull. Math. Soc. Sci. Math. Roumanie*, Tome, Vol.57, N.4, 2014, pp.427-436.

**Çıxışa görə diskret periodik sistemlər üçün optimal stabilləşdirilmə məsələsinin iterativ həll alqoritmi**

**N.I. Vəliyeva, N.Ə. Səfərova, Ş.A. Fərəcova**

**XÜLASƏ**

Çıxışa görə diskret periodik optimal tənzimləyicinin qurulması üçün iterativ həll alqoritmi verilmişdir. Burada başlanğıc həll cərimə funksiyası metodundan istifadə edərək seçilir. Nəticə misalla şərh olunur.

**Açar sözlər:** periodik optimallaşdırma, Lyapunov tənliyi, iterativ alqoritm, cərimə funksiyası metodu.

**Iterative algorithm to the solution of the optimal stabilization problem for discrete periodic output systems**

**N.I. Veliyeva, N.A. Safarova, Sh.A. Faracova**

**ABSTRACT**

Iterative algorithm for constructing an optimal periodic linear-quadratic output regulator in the discrete case is offered. Here the initial approximation is chosen by applying the penalty function method. The result is illustrated by example.

**Keywords:** periodic optimization, Lyapunov equation, iterative algorithm, penalty function method.